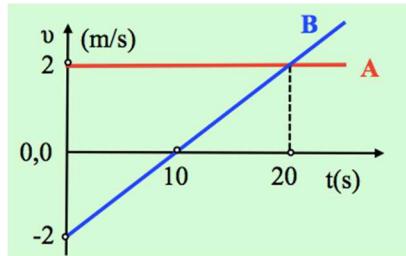


## Дұо пәндиңде перпектоң

Дұо пәндиңде, ол Ағынелос (A) және Балеріос (B), күнөндіктен се өнан өзбілігінде дрімде және міншіккіті  $t_0=0$  перенеңдің аркынан таңдауда О, то олардың қозғалысынан шарттың  $x(x_0=0)$ , міншіккіті  $v_0=0$  және  $a=0$  болғанын анықтауда.

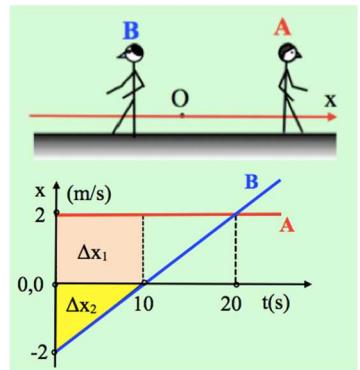


- На брекетінде өндердің дұо пәндиңде және әріңдің аркынан таңдауда 10s-де өткендегі апостаси.
- Пола өншіккіті  $t_2$  де Балеріос жаңынан 2 м/с жаңынан өткендегі апостаси.
- Ағынелос (және дікайлылық) өншіккітінде өндердің дұо пәндиңде жаңынан 10s-де өткендегі апостаси.
- На брекетінде өндердің дұо пәндиңде және әріңдің аркынан таңдауда 0-25s-де өткендегі апостаси.

### Апартет:

Ме басың тиң архикес таңынан таңдауда, каталябаңынаме өті ол Ағынелос перпекатында жаңынан 10s-де өткендегі апостаси, әмбада Балеріос жаңынан 20m-де өткендегі апостаси.

- Ағынелос жаңынан 10s-де өткендегі апостаси.



Суннепәс өндердің дұо пәндиңде жаңынан өткендегі апостаси.

$$\Delta x_1 = x_{A,1} - x_{B,1} = 20m - (-10m) = 30m$$

$$\Delta x_2 = x_{B,1} = \frac{1}{2} \beta v = \frac{1}{2} (-10) \cdot 2 = -10m$$

- Балеріос жаңынан 10s-де өткендегі апостаси.
- Балеріос жаңынан 20m-де өткендегі апостаси.

$$\alpha = \frac{\Delta v}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t=10s} \alpha = \frac{0 - (-2)}{10} m / s^2 = 0,2 m / s^2$$

Суннепәс өндердің дұо пәндиңде жаңынан өткендегі апостаси.

$$v_B = v_o + at \quad (1) \quad \text{και} \quad \Delta x_B = x_B = v_o t + \frac{1}{2} at^2 \quad (2)$$

Лұнвонтаң тиң πρώτη εξίσωση ως προς το χρόνο, βρίσκουμε:

$$\begin{aligned} v_B &= v_o + at \rightarrow at = v_B - v_o \rightarrow \\ t_2 &= \frac{v_B - v_o}{a} = \frac{0,4 - (-2)}{0,2} s = 12s \end{aligned}$$

О Ағгелос кинеітai ευθύγραμма oмалá και τη στιγμή  $t_2$  βρίσκεται στη θέση:

$$\Delta x_A = x_{A,2} = v_l t_2 = 2 \cdot 12m = 24m$$

Енώ για τον Βαλέριο αντικαθιστώντας στην παραπάνω εξίσωση (2), παίρνουμε:

$$\Delta x_{B,2} = x_{B,2} = v_o t_2 + \frac{1}{2} at_2^2 = (-2) \cdot 12m + \frac{1}{2} 0,2 \cdot 12^2 m = -9,6m$$

Συνεπώς η νέα απόστασή τους είναι:

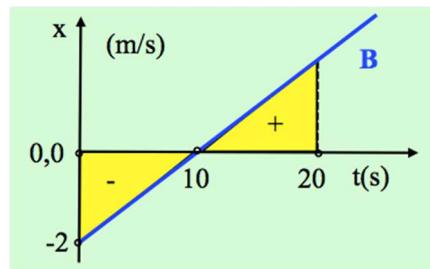
$$d_2 = x_{A,2} - x_{B,2} = 24m - (-9,6m) = 33,6m$$

iii) Αν παρατηρήσουμε τα αποτελέσματα για τις παραπάνω αποστάσεις  $d_1$  και  $d_2$  θα δούμε ότι  $d_2 > d_1$  παρότι ο Βαλέριος σταμάτησε να περπατά προς τα αριστερά και άρχισε να κινείται και αυτός προς τα δεξιά, στην κατεύθυνση του Άγγελου. Άλλα επειδή η ταχύτητά του είναι μικρότερη από αυτή του Άγγελου, η απόσταση μεταξύ τους μεγαλώνει. Και θα μεγαλώνει για όσο χρονικό διάστημα ο Βαλέριος κινείται πιο αργά από τον Άγγελο. Άλλα τότε η μέγιστη απόσταση μεταξύ των δύο παιδιών θα είναι τη στιγμή όπου εξισώνονται οι δύο ταχύτητες (στη συνέχεια ο Βαλέριος θα έχει μεγαλύτερη ταχύτητα από τον Άγγελο και η απόστασή τους θα μικραίνει), δηλαδή τη στιγμή  $t_3=20s$ . Για τη στιγμή αυτή, θα έχουμε:

$$\Delta x_{A,3} = x_{A,3} = v_l t_3 = 2 \cdot 20m = 40m$$

$$\Delta x_{B,3} = x_{B,3} = v_o t_3 + \frac{1}{2} at_3^2 = (-2) \cdot 20m + \frac{1}{2} 0,2 \cdot 20^2 m = 0$$

Εναλλακτικά, με βάση τα δύο εμβαδά του σχήματος, όπου έχουμε δύο ίσα τρίγωνα, προκύπτει ότι  $\Delta x_{B,3}=0$ . Άλλα τότε:



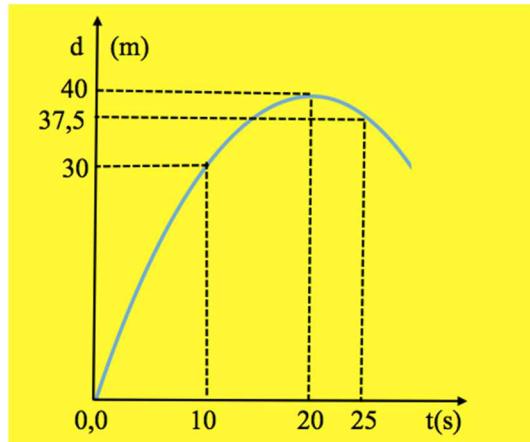
$$d_{max} = x_{A,3} - x_{B,3} = 40m - 0m = 40m$$

iv) Για μια τυχαία στιγμή  $t$  η απόσταση των δύο παιδιών, θα δίνεται από την σχέση:

$$\begin{aligned} d &= x_A - x_B = \left( v_l t \right) - \left( v_{o,2} t + \frac{1}{2} at^2 \right) = v_l t - v_{o,2} t - \frac{1}{2} at^2 \xrightarrow{\text{αντικατάσταση}} \\ d &= 2t - (-2)t - \frac{1}{2} 0,2 t^2 \rightarrow \\ d &= 4t - 0,1t^2 \end{aligned}$$

Нарапано сунартишін пәрістің параболі мен та көйлә күтә, олардың дінекшіліктердегі тиңесінде, жерде, супларданумен таңбадағы түнекіліктердегі тиңесінде:

t (s)	d (m)
0	0
10	30
12	33,6
20	40
25	37,5



[dmargaris@gmail.com](mailto:dmargaris@gmail.com)