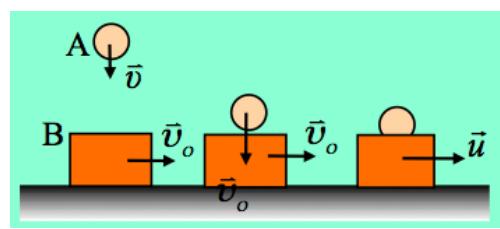


Норма и краткое описание движения тела в воздухе

Міа мікрай спаіра A мáзас та афінетаі на пеісі апó орісмено нýпос кai фтанонтац сто эдафос мe таxуттa мéтров v_0 сuгkрoуетаі плaстикa, мe éна дeутеро сóма B, мáзас M=3m, то опоіo кинеіtai оriзонтia мe стaтeрt тaхутt a мéтров epiшeis v_o . To сóma B дeн eмfaнiзei тribéz мe то epiпedo kai metá tñn kroúnse то suсsомátowma kineіtai оriзонтia mе tаxutta мétров u, óпoсs то sчhjma.



- i) Na xapaktetirise teiç parakátw protásseiç wçs soastéç h laanthasmeñeç.
- Сtη diárkeia tñs kroúnses h oрmή tñs spaíra A diatereítai.
 - Сtη diárkeia tñs kroúnses h oрmή tñs sómatos B diatereítai.
 - Сtη diárkeia tñs kroúnses h oрmή tñs sustématoç (spaíra A-sóma B), diatereítai.
 - H metaboli h tñs oрmή tñs sómatos B eínaí oriзontia.
 - H dýnamu F₁ pou askeí h spaíra A sto sóma B, stñ diárkeia tñs kroúnses eínaí katakóruwf.
- ii) Afoú schediásete tñs dunnámeyis pou askoúntai se káthe sóma tñ sustématoç twon dño soamátow A-B, stñ diárkeia tñs kroúnses, kánvete tñs antistoiçisies gia to mëtrop tñs káthetegs antídrasegs pou to epiпeđo askeí sto sóma B, sta diáfora xroniká diastémata:

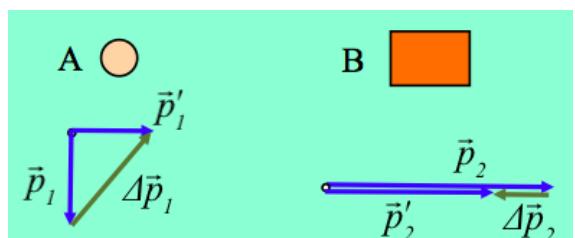
Xronikó diásstema	N
• Priin tñn kroúns	N=3mg
• Сtη diárkeia tñs kroúnses	3mg < N < 4mg
• Metá tñn kroúns	N=4mg N > 4mg

Na diakaiologísete tñs apantéseiç sas.

Apántηs:

Sto diplano sчhjma échouн schediastesi ta diañsmaata tñs oрmήs, káthe sómatos, priin kai metá tñn kroúns, káthowç kai to antistoiçio diañsma metaboliç tñs oрmήs, pou ophéíletai stñn kroúns.

- i) Me báσe to parapánw sчhjma, tha échoume:



- H prótasg eínaí laanthasmeñe. Ypárхei metaboliç Δp₁, óпoсs фaínetai sto sчhjma.
- Kai auté h prótasg eínaí laanthasmeñe. Sto sчhjma bléponme to diañsma Δp₂ to opoio dene eínaí mëdennikó, afoú oи tаxutteç v₀ kai u eínaí diaforetikéz.

γ) Гia na dia тегреитai η ормұj тoи сuстήmatoс tωn σoмátωn A kai B, θa πrέpeι ta dia нuсmata Δp₁ kai

Δp₂ na eинai antítheta, afoу θa πrέpeι na iсxýeи:

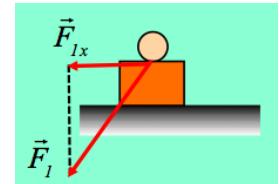
$$\Delta p_1 + \Delta p_2 = 0$$

пráгma pou me βáseη to σxήma, dēn μporei na iсxýeи. H πrótaσe eинai λanθaσmeñη.

δ) H πrótaσe eинai σoстή. To σoмa B priи kai metá tηn kroύsη kineítai oriζónτia, opóte oriζóntia eинai kai η antístoiχeи metaboliή tηs oрmήs tou.

ε) Afoу η metaboliή tηs oрmήs tou σoмa B eинai oriζóntia, kápoia oriζóntia

dúnamη prépeи na déxthke stη δiárkεia tηs kroύsηs, η opoia prokálεses autήn tηn metaboliή tηs oрmήs. To oriζóntio epípedo eинai λeío, opóte dēn μporei na aскήsei oriζóntia sunistósa dúnamηs, opóte prépeи η dúnamη F₁

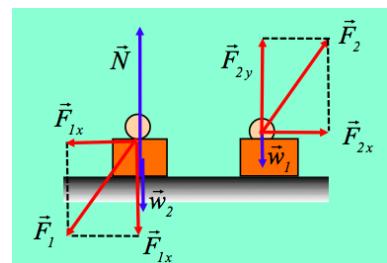


pou aскήthke sto σoмa B apó tη σfaiя, na eхei kai oriζóntia sunistósa. H sunistósa F_{1x}, sto díplanó σxήma, η opoia eхei tηn kateúthunṣeη tηn dia нuсmata Δp₂, eинai autή pou prokalei tηn metaboliή tηs oрmήs tou σoмa B. |

H πrótaσe eинai λanθaσmeñη.

ii) Oi eхoteprikеs dūnamеis pou aскouнtai sto sūstema (A-B) eинai tа dūo báreη kai η káthetη antídrasη tηn epipédon (me mpłe xróma sto σxήma). Priи tηn kroύsη tηn σoмa B isorropoei stηn katakóruvph diéythunṣeη opóte

$$\Sigma \vec{F}_y = 0 \rightarrow N - Mg = 0 \rightarrow N = 3mg$$



Omota metá tηn kroύsη, gia tηo sussowmatoma iсxýeи:

$$\Sigma \vec{F}_y = 0 \rightarrow N - (M+m)g = 0 \rightarrow N = 4mg$$

Sto σxήma eхouн σxediastеi oи dūnamеis pou aскouнtai se káthе σoмa stη δiárkεia tηs kroύsηs, opou η F₂ η antídrasη tηs dūnamηs F₁, tηn opoia σxediásamie parapánw. Efapromózontas tōn yenikeméno nómo tōn Neútowan a stηn katakóruvph diéythunṣeη, me θetikή fofá pろos ta pánw, gia tηn σfaiя A, eхouмe:

$$\frac{\Delta p_{1,y}}{\Delta t} = \Sigma F_y \rightarrow F_{2y} - mg = \frac{0 - (-p_{1y})}{\Delta t} \rightarrow F_{2y} = mg + \frac{p_{1y}}{\Delta t} \rightarrow F_{2y} > mg$$

Allá to σoмa B, isorropoei stηn katakóruvph diéythunṣeη, opóte:

$$\Sigma \vec{F}_y = 0 \rightarrow N - Mg - F_{1x} = 0 \rightarrow N = 3mg + F_{1x} = 3mg + F_{2y}$$

Allá an F_{2y} > mg, tóte kai N > 3mg + mg ή N > 4mg.

Me βáseη ta parapánw, eхouмe tis antistoiχisies:

Хронико διάστημα	N
• Πριν την κρούση	$N=3mg$
• Στη διάρκεια της κρούσης	$3mg < N < 4mg$
• Μετά την κρούση	$N=4mg$ $N > 4mg$

Σχόλια:

- Οι δυνάμεις F_1 F_2 που ασκούνται από το ένασώμα στο άλλο, είναι μεταβλητές. Έτσι όταν χρησιμοποιήσαμε τις παραπάνω εξισώσεις, αναφερόμαστε στη μέση τιμή του μέτρου τους. Αλλά και η N που βρήκαμε ότι έχει μέτρο μεγαλύτερο από 4mg, ξανά για την μέση τιμή της αναφερόμαστε. Να σημειωθεί πάντως ότι σε όλη τη διάρκεια της κρούσης η N έχει μέτρο μεγαλύτερο από 4mg...
- Με βάση το σχήμα με τις δυνάμεις, βλέπουμε ότι δεν υπάρχουν εξωτερικές δυνάμεις οριζόντιες. Έτσι η οριζόντια διεύθυνση παραμένει σταθερή, οπότε εφαρμόζοντας την ΑΔΟ, για το σύστημα των δύο σωμάτων, στον άξονα x παίρνουμε:

$$\sum \vec{F}_{x,\text{ext}} = 0 \rightarrow \vec{p}_{\text{app},x} = \vec{p}_{\text{rel},x} \rightarrow Mv_o = (M+m)u \rightarrow u = \frac{3mv_o}{3m+m} = \frac{3}{4}v_o$$

Για το λόγο αυτό στο πρώτο σχήμα σχεδιάσαμε το διάνυσμα $\Delta p'_1$ μικρότερο από το διάνυσμα Δp_1 με συνέπεια η δύναμη F_1 , να δίνει οριζόντια συνιστώσα αντίθετης κατεύθυνσης από την ταχύτητα.

dmargaris@gmail.com